



BLOCO N.º 49 DISCIPLINA Matemática ANO(S) 12.° Conhecer e aplicar o limite notável: $\lim_{x\to 0} \frac{\operatorname{sen} x}{x}$. APRENDIZAGENS ESSENCIAIS

Título/Tema do Bloco:

Limites envolvendo funções trigonométricas.

Tarefas/ Atividades/ Desafios

1. Determina os seguintes limites: a) $\lim_{x\to 0} \frac{\operatorname{tg} x}{x}$

b) $\lim_{x\to\pi} \frac{\sin x}{\pi-x}$

Secundário 12.º ano

2. Indica o valor de: $\lim_{x\to 0} \left(\frac{1}{x^2} \operatorname{sen}^2\left(\frac{x}{2}\right)\right)$

(A) 4

 $(\mathbf{B}) 0$

Adaptado de Exame Nacional de 12.º ano - 2011, 1.ª Fase

3. Considera a função f definida em]0, π [por: $f(x) = \frac{x}{\sin x}$ Qual das equações seguintes define uma assíntota do gráfico da função f?

 $(\mathbf{A}) x = 0$

(B) $x = \pi$ **(C)** x = 1

(D) $x = \frac{\pi}{2}$

Adaptado de Exame Nacional de 12.º ano - 2018, 1.ª Fase

4. Considera, para um certo número real k, a função f, contínua em $\left[\frac{\pi}{4},\frac{\pi}{2}\right]$, definida por:

$$f(x) = \begin{cases} \frac{\cos x}{x - \frac{\pi}{2}} & \text{se } \frac{\pi}{4} \le x < \frac{\pi}{2} \\ k - 3 & \text{se } x = \frac{\pi}{2} \end{cases}$$

Qual é o valor de k?

(A) 0

(B) 1

(C) 2

(D) 4

Adaptado de Exame Nacional de 12.º ano - 2014, 2.ª Fase

5. Seja f a função, de domínio $[-\pi, +\infty[$, definida por:

$$f(x) = \begin{cases} e^{-4x+1} & \text{se } x \ge 0\\ \frac{3 \sin x}{x^2} & \text{se } -\pi \le x < 0 \end{cases}$$

Estuda a função f quanto à existência de assíntotas do seu gráfico, paralelas aos eixos coordenados, escrevendo as suas equações, caso existam.

Adaptado de Exame Nacional de 12.º ano - 2008, 1.ª Fase