

Razões trigonométricas de um ângulo agudo - Proposta de resolução

Tarefa 1

Como o triângulo [ABC] é retângulo em B, tem-se:

$$\cos 35^{\circ} = \frac{\overline{AB}}{46} \Leftrightarrow \overline{AB} = 46 \cos 35^{\circ}$$

logo, também $\overline{FE} = 46 \cos 35^{\circ}$.

Assim,

$$\overline{AE} = 46 \cos 35^{\circ} + 46 \cos 35^{\circ} + \overline{CD} \Leftrightarrow \overline{AE} = 92 \cos 35^{\circ} + \overline{CD}$$

Então, como $\overline{AE} = \overline{AC} + \overline{ED} = 46 + 46 = 92$ tem-se:

$$92 = 92 \cos 35^{\circ} + \overline{CD} \Leftrightarrow \overline{CD} = 92 - 92 \cos 35^{\circ}$$

A distância entre C e D, arredondada às unidades, é de 17 metros.



Sendo h a altura do triângulo [ABC] relativa ao lado [AC] tem-se:

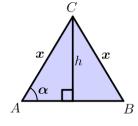
$$\operatorname{sen} \alpha = \frac{h}{2} \Leftrightarrow h = 2 \operatorname{sen} \alpha$$

então,

$$sen 30^{\circ} = \frac{h}{\overline{BC}} \Leftrightarrow \frac{1}{2} = \frac{2 sen \alpha}{\overline{BC}} \Leftrightarrow \overline{BC} = 4 sen \alpha$$

Resposta: Opção A

Tarefa 3



Sendo h a altura do triângulo tem-se que a área é igual a:

$$\frac{\overline{AB} \times h}{2}$$

Como

$$sen \ \alpha = \frac{h}{x} \Leftrightarrow h = x sen \ \alpha \ ; \cos \alpha = \frac{\overline{AM}}{x} \Leftrightarrow \overline{AM} = x \cos \alpha$$

tem-se:
$$\overline{AB} = 2 \overline{AM} = 2x \cos \alpha$$

Assim, conclui-se que a área é igual a:

$$\frac{2x\cos\alpha \times x \, sen \, \alpha}{2} = x^2 sen \, \alpha \cos \alpha$$

